

تأثیر شیب پنل‌های فتوولتاییک بر میزان تابش دریافتی از خورشید

(مطالعه موردی: شهر مشهد)

زهرا طاهری<sup>1\*</sup>، محمدحسین عباسپورفرد<sup>2</sup>، محمد طیبی زاده<sup>3</sup> و حسین ابوترابی زارچی<sup>4</sup>

1- دانشجوی کارشناسی ارشد گروه مهندسی بیوسیستم، دانشگاه فردوسی مشهد، Zahra.taheri@ymail.com

2و3- به ترتیب دانشیار و استادیار گروه مهندسی بیوسیستم، دانشگاه فردوسی مشهد

4- استادیار گروه برق و عضو هیأت علمی پژوهشکده هواخورشید، دانشگاه فردوسی مشهد

## چکیده

در این مقاله، شیب بهینه نصب پنل‌های فتوولتاییک برای شهر مشهد با عرض جغرافیایی 36/16 درجه شمالی، براساس مدل ریاضی Liu & Jordan و به کمک داده‌های تابش اداره هواشناسی مشهد به دست آمد. نتایج نشان داد در شهر مشهد، نصب پنل خورشیدی با زاویه‌ی ثابت 30 درجه رو به جنوب باعث می‌شود میزان تابش دریافتی سالیانه از خورشید، 8 درصد نسبت به تابش افقی افزایش یابد. با تغییر فصولی شیب پنل (4 بار در سال)، این افزایش به 11 درصد خواهد رسید که در این حالت تقریباً بیشترین میزان تابش ممکن جذب خواهد شد.

**واژه‌های کلیدی:** انرژی خورشیدی، پنل فتوولتاییک، شدت تابش، شیب

## مقدمه

انرژی، مهمترین رکن توسعه و پیشرفت بشری در همه زمینه‌ها از صنعت گرفته تا کشاورزی و حمل و نقل می‌باشد. در میان انواع مختلف انرژی، انرژی خورشید، یکی از منابع تأمین انرژی رایگان، پاک و عاری از اثرات مخرب زیست محیطی است که از مهمترین کاربردهای آن می‌توان به تولید الکتریسیته به کمک سیستم‌های فتوولتاییک اشاره نمود. سیستم‌های فتوولتاییک به سبب داشتن مزایای بیشمار، به سرعت رو به گسترش هستند و روز به روز نقش مهمتری در تکنولوژی منابع تولید توان الکتریکی بازی می‌کنند. البته این سیستم‌ها علاوه بر مزایای فراوان دارای دو محدودیت اساسی می‌باشند: یکی بالا بودن هزینه و قیمت تجهیزات مورد استفاده و دیگری پایین بودن راندمان آن‌ها. شدت تابش خورشید، یکی از مهمترین عوامل تعیین کننده بازده سیستم‌های فتوولتاییک می‌باشد.

کره‌ی زمین انرژی خورشید را به صورت تابش خورشیدی دریافت می‌کند. به طور کلی میزان انرژی تابشی خورشید به دو عامل اصلی وابسته است: الف - زمان: ساعت، روز، روزسال (فصل) ب - مکان: عرض جغرافیایی. علاوه بر این نوع پوشش زمین و شرایط ابرناکی آسمان نیز بر میزان انرژی تابشی دریافتی از خورشید تأثیر دارند. بیشترین انرژی تابشی از خورشید زمانی حاصل می‌شود که پرتوهای خورشید به طور عمودی به سطح مورد نظر بتابند. از آنجایی که خورشید همیشه در آسمان در حال

حرکت است و هر روز مسیر متفاوتی را می پیماید و به علت تفاوت در زاویه تابش در هر منطقه طی روز و در روزهای مختلف سال، برای دریافت بیشترین انرژی تابشی مجبور به تغییر شیب و جهت دریافت کننده های خورشیدی از جمله پنل های فتوولتاییک هستیم. البته در برخی موارد از سیستم های ردیاب خورشیدی برای تعقیب کردن لحظه ای مسیر خورشید استفاده می شود که این روش به دلیل معایب و محدودیت هایی، همواره عملی نیست. راهکار جایگزین، استفاده از شیب و جهت بهینه برای نصب پنل هاست که مقدار آن در مناطق مختلف و در بازه های گوناگون سال متغیر می باشد. البته برای پنل های ثابت در مقایسه با پنل های ردیاب که بیشینه تشعشع خورشید را ردگیری می نمایند، جهت عمومی جنوبی در نیم کره شمالی، منطقی ترین جهت به منظور جمع آوری تشعشعات خورشیدی است.

پیش از این تحقیقات گسترده ای برای تعیین شیب بهینه دریافت کننده های خورشیدی، در نقاط گوناگون دنیا انجام شده که در تمام این تحقیقات مقدار شیب بهینه به صورت تابعی از عرض جغرافیایی مکان مورد مطالعه گزارش شده است (از قبیل طالبی زاده و همکاران، 1391؛ راشنگ و تانگ، 2004؛ حسین و همکاران، 2004؛ اولگن، 2006؛ مقدم و همکاران، 2011). در تحقیقی که در سال 2011 صورت گرفته است، لوبیتز نشان داد که در شرایط آب و هوایی مناسب، برای عرض های جغرافیایی کمتر از 65 درجه، زاویه شیب بهینه سالیانه تقریباً  $0/9$  عرض جغرافیایی محل می باشد. در برخی مناطق بهتر است زاویه شیب تعیین شده در تمام طول سال ثابت باشد اما گاهی اوقات برای دستیابی به راندمان بیشتر، می توان زاویه شیب را چندین بار در سال تغییر داد. طی تحقیقی در بررسی ماه های مختلف سال، روابطی برای تعیین شیب بهینه برحسب عرض جغرافیایی پیشنهاد شد (Nijegorodov, 1997). در سال 1391 طالبی زاده و همکاران، روابط ارائه شده توسط این محقق را برای شهرهای واقع در عرض جغرافیایی بین 20 تا 40 درجه شمالی بررسی نموده و روابط مناسب تری را پیشنهاد نمودند که در جدول 1 این مقادیر با هم مقایسه شده اند.

**جدول 1.** مقایسه بین روابط پیشنهادی مختلف برای تعیین شیب بهینه ماهیانه (طالبی زاده و همکاران، 1391، Nijgorovo)

1997;

Nijgorodov	Talebizadeh et al.,	ماه سال
$0.89\varphi + 29$	$0.99\varphi + 24.63$	January
$0.97\varphi + 17$	$0.66\varphi + 26.28$	February
$\varphi + 4$	$1.27\varphi - 8.64$	March
$\varphi - 10$	$0.89\varphi - 11.88$	April
$0.93\varphi - 24$	$0.38\varphi - 9.37$	May
$0.87\varphi - 34$	$0.02\varphi - 2.92$	June
$0.89\varphi - 30$	$0.14\varphi - 4.22$	July
$0.97\varphi - 17$	$0.39\varphi - 0.41$	August
$\varphi - 2$	$0.18\varphi + 23.08$	September
$\varphi + 12$	$0.66\varphi + 23.08$	October
$0.93\varphi + 25$	$0.99\varphi + 23.19$	November
$0.87\varphi + 34$	$0.92\varphi + 29.18$	December

$\varphi$  عرض جغرافیایی محل برحسب درجه

بررسی های عبدل زاده و همکاران (1387) در شهر کرمان، نشان داد که مقادیر انرژی دریافتی از خورشید در یک سال به ترتیب با استفاده از زوایای بهینه مربوط به ماه، فصل و سال، در مقایسه با مقادیر انرژی دریافتی از خورشید در یک سال روی سطح افق، 17%، 15/9% و 9/36% افزایش یافته است. همچنین آزمایشاتی که توسط مقدم و همکاران (2011) در شهرهای زاهدان و بندرعباس صورت گرفت حاکی از آن است که اگر زاویه شیب بهینه تنها دو بار در سال تنظیم شود، نسبت به حالتی که سیستم در طول سال ثابت است، 8% انرژی بیشتری دریافت می شود. شیب ثابت سالیانه برای کشور سوریه با عرض جغرافیایی 32 تا 37 درجه شمالی، 30/56 درجه پیشنهاد شده است، نتایج بررسی ها روی عملکرد کلکتورهای خورشیدی در این کشور نشان داد در مقایسه با کلکتورهایی که در یک سطح کاملاً افقی به طور ثابت نصب می شوند، استفاده از شیب بهینه کلکتور به صورت ماهیانه، فصلی و سالیانه به ترتیب 28%، 26% و 16% افزایش در میزان انرژی دریافتی از خورشید را به همراه دارد (Sheiker, 2009). آزمایشات صورت گرفته در شهر مدینه نیز نشان داد در صورت تنظیم شیب پنل های خورشیدی به صورت ماهیانه، در مقایسه با حالتی که در طول سال از یک شیب ثابت استفاده شود، 8% انرژی بیشتری از خورشید به دست می آید (Benghanem, 2011). باتوجه به اینکه میزان تابش خورشیدی به مقدار زیادی تابع موقعیت جغرافیایی و شرایط آب و هوایی محل می باشد، لازم است چنین مطالعاتی در هر منطقه به طور مجزا صورت گیرد. لذا در این مقاله شیب بهینه نصب پنل های خورشیدی برای شهر مشهد با عرض جغرافیایی 36/16 درجه شمالی، براساس یک مدل ریاضی محاسبه شده است.

## مواد و روش‌ها

تابش کل روی سطح شیبدار از مجموع سه مؤلفه به دست می‌آید که عبارتند از: تابش مستقیم، تابش پراکنده و تابش انعکاسی.

$$H_T = H_B + H_D + H_R = R \cdot H \quad (1)$$

در این رابطه  $H$  تابش کل روی سطح افق ( $W \cdot m^{-2}$ )،  $R$  ضریب تابش،  $H_T$  تابش کل روی سطح شیبدار ( $W \cdot m^{-2}$ )،  $H_B$  و  $H_D$  و  $H_R$  نیز به ترتیب بیانگر تابش مستقیم، تابش پراکنده و تابش انعکاسی در سطح شیبدار می‌باشند.

مقدار تابش کل در سطح افق توسط دستگاه‌های اندازه‌گیری در ایستگاه‌های هواشناسی در هر منطقه ثبت می‌شود. برای محاسبه تابش کل خورشید در سطوح شیبدار، مدل‌های ریاضی زیادی گسترش یافته‌اند. این مدل‌ها تنها تفاوتشان در نحوه‌ی محاسبه تابش پراکنده است (Liu and Jordan, 1960; Koronakis, 1986; Rindle *et al.*, 1990; Tian *et al.*, 2001; Badescu, 2002). رایج‌ترین مدل که در اکثر تحقیقات از آن استفاده شده است مدل Liu & Jordan می‌باشد که مقدار ضریب تابش در آن، از رابطه‌ی (2) به دست می‌آید:

$$R = \left(1 - \frac{H_d}{H}\right) R_b + \frac{H_d}{H} \left(\frac{1 + \cos\beta}{2}\right) + \rho \left(\frac{1 - \cos\beta}{2}\right) \quad (2)$$

$R_b$  ضریب تابش مستقیم بوده که برای مناطق واقع در نیمکره شمالی از رابطه‌ی (3) بدست می‌آید:

$$R_b = \frac{\cos(\varphi - \beta) \cos\delta \sin\omega_s + \left(\frac{\pi}{180}\right) \omega_s \sin(\varphi - \beta) \sin\delta}{\cos\varphi \cos\delta \sin\omega_s + \left(\frac{\pi}{180}\right) \omega_s \sin\varphi \sin\delta} \quad (3)$$

در این رابطه  $\delta$  بیانگر زاویه انحراف محور کروی زمین در روز مورد نظر می‌باشد:

$$\delta = 23.5 \sin \left[ 360 \times \frac{n}{365} \right] \quad (4)$$

$n$  جمع روزهای سال از اول فروردین تا روز مورد نظر

زاویه طلوع خورشید در سطح افق ( $\omega_s$ ) و زاویه طلوع در سطح شیبدار ( $\omega'_s$ ) به ترتیب از روابط (5) و (6) قابل محاسبه است.

$$\omega_s = \cos^{-1}(-\tan\varphi \cdot \tan\delta) \quad (5)$$

$$\omega'_s = \min \left[ \cos^{-1}(-\tan\varphi \cdot \tan\delta), \cos^{-1}(-\tan(\varphi - \beta) \cdot \tan\delta) \right] \quad (6)$$

ضریب صافی هوا ( $K_{th}$ )، بیانگر نسبت تابش کل در سطح افق به تابش روی همان سطح اگر در خارج از جو زمین قرار گرفته باشد، می‌باشد.

$$K_{th} = \frac{H}{H_0} \quad (7)$$

تابش فراجو ( $H_0$ ) از رابطه‌ی (8) قابل استحصال است:

$$H_0 = \frac{I_{sc}}{\pi} \left( 1 + 0.033 \cos \frac{360n}{365} \right) \times \left[ \cos \varphi \cos \delta \sin \omega_s + \frac{\pi \omega_s}{180} \sin \varphi \sin \delta \right] \quad (8)$$

$I_{sc}$  ثابت خورشیدی است که مقدار آن در اکثر منابع 1367 وات بر متر مربع ذکر شده است.

برای پیش بینی نسبت تابش پراکنده به تابش کل ( $K_{dh}$ )، مدل‌های ریاضی مختلفی وجود دارد، در تحقیقی، ابراهیم پور و همکاران (1388) به مقایسه‌ی برخی از این مدل‌ها پرداختند و نهایتاً مدل "Orgill and Hollands (1997)" را برای اقلیم‌های ایران مناسب تر اعلام کردند. در این مدل، نسبت تابش پراکنده به تابش کل با توجه به محدوده‌ی ضریب صافی هوا از رابطه‌ی (9) به دست می آید:

$$\begin{cases} K_{dh} = 1.557 - 1.84K_{th} & 0.35 < K_{th} < 0.75 \\ K_{dh} = 1 - 0.249K_{th} & K_{th} < 0.35 \\ K_{dh} = 0.177 & K_{th} > 0.75 \end{cases} \quad (9)$$

$\rho$  ضریب انعکاس زمین بوده که مقدار آن بسته به نوع پوشش محیط از 0/2 تا 0/8 متغیر است. در این مطالعه، مقدار این ضریب با توجه به پوشش سنگی زمین در محل انجام آزمایشات میدانی، 0/3 در نظر گرفته شد.

براساس معادلات ذکر شده، مقادیر ضریب صافی هوا و نسبت تابش پراکنده برای ماه‌های مختلف در شهر مشهد محاسبه گردید. مقادیر تابش کل روی سطح افق، برای سه سال متوالی (2008 تا 2011) از اداره‌ی هواشناسی مشهد به دست آمد و میانگین گیری شد. نهایتاً با جایگذاری همه‌ی مقادیر در رابطه‌ی (1) برای شیب‌های از 0 تا 90 درجه، زاویه در حالتی که تابش در آن از همه بیشتر شد به عنوان شیب بهینه در هر ماه در نظر گرفته شد. به کمک شیب به دست آمده برای هر ماه، شیب فصلی و سالیانه نیز محاسبه شد. برای بررسی صحت محاسبات صورت گرفته، آزمایشات میدانی در محل آزمایشگاه فتوولتاییک پژوهشکده هواخورشید مشهد صورت گرفت. بدین منظور از سه پنل خورشیدی مونو کریستال ساخت شرکت آریا سولار استفاده شد و متناسب با ابعاد این پنل‌ها 3 سازه قابل تنظیم ساخته شد. مشخصات فنی این پنل‌ها در جدول 2 ذکر شده است.

## جدول 2. مشخصات فنی پنل‌های مورد آزمایش

پارامتر	واحد	مقدار
ابعاد	میلی متر مکعب	50×810×1555
وزن	کیلوگرم	16
تعداد سلول‌ها	عدد	72
جریان بیشینه	آمپر	4/99
ولتاژ بیشینه	ولت	40/08
توان بیشینه	وات	200



**شکل 1.** تصویری از یکی از پنل های نصب شده برای انجام تست های میدانی و سلول مرجع (در سمت راست پنل) برای

اندازه گیری تابش خورشید

در هر ماه هرکدام از پنل ها روی شیب های محاسباتی سالیانه، فصلی و ماهیانه قرار گرفت و تابش رسیده به پنل ها به کمک سلول مرجع<sup>1</sup>، نصب شده در کنار پنل ثبت گردید. هر سه پنل رو به جنوب نصب شدند. داده برداری ها از ساعت 9 الی 14 با فاصله زمانی یک ساعت انجام می شد و در پایان با میانگین گیری داده ها، تابش به دست آمده توسط هر سه پنل در طول ساعات داده برداری با هم مقایسه شد که برخی از این داده ها در قسمت نتایج ذکر شده اند.

## نتایج و بحث

باتوجه به اینکه شهر مشهد در نیمکره شمالی زمین واقع شده است، بنابراین مناسب ترین جهت برای قرار گیری پنل های خورشیدی، رو به جنوب می باشد. اما برای تعیین بهترین شیب براساس مدل ریاضی پیشنهادی و با کمک روابط ذکر شده در بخش مواد و روش ها، محاسبات لازم صورت گرفت که نتایج آن، در جداول 3 و 4 قابل مشاهده است.

---

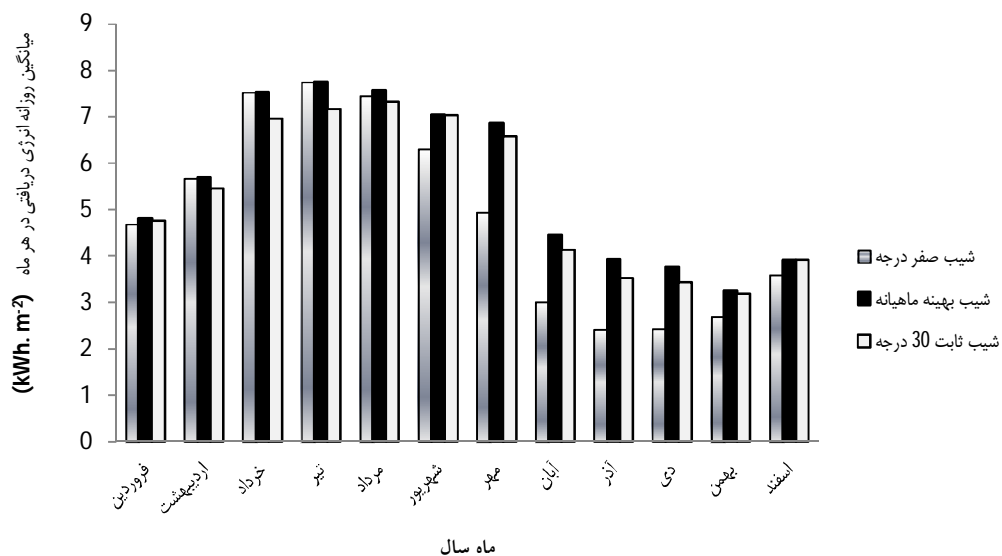
<sup>1</sup> مدل HT304N ساخت کشور ایتالیا

**جدول 3.** ضرایب صافی هوا و نسبت تابش پراکنده محاسبه شده برای ماه های مختلف در مشهد

ماه	$K_{th}$	$K_{dh}$
فروردین	0/48	0/67
اردیبهشت	0/50	0/64
خرداد	0/63	0/40
تیر	0/66	0/34
مرداد	0/70	0/27
شهریور	0/71	0/25
مهر	0/72	0/23
آبان	0/58	0/49
آذر	0/56	0/53
دی	0/54	0/56
بهمن	0/47	0/69
اسفند	0/47	0/69

**جدول 4.** مقادیر زاویه شیب و متوسط انرژی روزانه در هر ماه براساس زوایای بهینه ماهیانه، فصلی و سالیانه

ماه	شیب بهینه ماهیانه (درجه)	میانگین روزانه انرژی استحصالی ( $kWh. m^{-2}$ )	شیب بهینه فصلی (درجه)	میانگین روزانه انرژی استحصالی ( $kWh. m^{-2}$ )	شیب بهینه سالیانه (درجه)	میانگین روزانه انرژی استحصالی ( $kWh. m^{-2}$ )
فروردین	18	4/81		4/75		
اردیبهشت	5	5/69	7	5/46		
خرداد	0	7/52		6/96		
تیر	0	7/75		7/17		
مرداد	12	7/56	14	7/32		
شهریور	30	7/04		7/04	30	
مهر	48	6/86		6/58		
آبان	55	4/45	54	4/14		
آذر	60	3/93		3/53		
دی	59	3/77		3/44		
بهمن	44	3/25	45	3/19		
اسفند	31	3/91		3/91		



**شکل 2.** مقایسه بین انرژی استحصالی در ماه های مختلف برای شیب صفر، شیب ماهیانه و شیب 30 درجه در مشهد

به کمک شیب های به دست آمده در بازه های زمانی مختلف (جدول 4)، در هر ماه سه پنل در شیب های مختلف ماهیانه، فصلی و سالیانه قرار گرفت و میزان تابش میانگین روزانه در هر وضعیت با هم مقایسه گردید. باتوجه به فراوانی داده ها، به طور تصادفی داده های مربوط به یکی از روزهای ماه های خرداد، تیر، شهریور و مهر به عنوان نمونه در جداول 5 تا 8 ذکر شده اند.



**جدول 5.** نتایج داده برداری ها در تاریخ 92/3/6

شیب قرارگیری پنل	تابش میانگین روزانه (W.m <sup>-2</sup> )
ماهیارنه (صفر درجه)	949/87
فصلی (7 درجه)	945/80
سالیانه (30 درجه)	892/93

**جدول 6.** نتایج داده برداری ها در تاریخ 92/4/8

شیب قرارگیری پنل	تابش میانگین روزانه (W.m <sup>-2</sup> )
ماهیارنه (صفر درجه)	909/27
فصلی (14 درجه)	863/94
سالیانه (30 درجه)	734/73

**جدول 7.** نتایج داده برداری ها در تاریخ 92/6/4

شیب قرارگیری پنل	تابش میانگین روزانه (W.m <sup>-2</sup> )
ماهیارنه و سالیانه (30 درجه)	948/00
فصلی (14 درجه)	929/20
افقی	869/20

**جدول 8.** نتایج داده برداری ها در تاریخ 92/7/23

شیب قرارگیری پنل	تابش میانگین روزانه (W.m <sup>-2</sup> )
ماهیارنه (48 درجه)	911/67
فصلی (54 درجه)	876/67
سالیانه (30 درجه)	853/00

همانطور که انتظار می رفت و نتایج جداول 5 تا 8 نیز نشان می دهد، میانگین تابش روزانه روی پنل با شیب ماهیارنه و شیب فصلی از شیب ثابت سالیانه بیشتر می باشد. این موضوع بیانگر این است که با تغییر شیب پنل در ماههای مختلف سال می توان میزان تابش بیشتری از خورشید دریافت نمود.

### نتیجه گیری

در جدول 9 مقایسه ای بین دوره های زمانی مختلف تنظیم شیب و مجموع انرژی استحصالی سالیانه در هر حالت نشان داده شده است. نتایج نشان می دهد در صورت استفاده از شیب فصلی، تنها 4 بار در سال نیاز به تغییر زاویه شیب پنل هاست در حالیکه انرژی استحصالی در طول سال در مقایسه با تنظیم ماهیارنه (12 بار در سال) تنها یک درصد کاهش می یابد. لذا دوره ی تنظیم شیب به صورت فصلی برای دست یابی به بیشترین میزان تابش خورشیدی شهر مشهد پیشنهاد می شود.

**جدول 9.** مقایسه بین شیب های مختلف و تأثیر آن در میزان تابش دریافتی سالیانه

شیب مورد استفاده	صفر	سالیانه	فصلی	ماهیارنه
مجموع انرژی سالیانه (kWh. m <sup>-2</sup> )	1789/3	1939/49	2005/83	2032/66
درصد افزایش تابش دریافتی نسبت به افق	0	%8	%11	%12

## سپاسگزاری

از همکاری و حمایت اعضای محترم بخش فتوولتاییک پژوهشکده هواخورشید دانشگاه فردوسی مشهد به ویژه پرسنل آزمایشگاه تست میدانی فتوولتاییی، جناب آقایان مهندس حمیدرضا صادقی شقاقی، مهندس معین چوبینه و مهندس حامد شفاعتی و همچنین از زحمات پرسنل محترم کارگاه ماشین های کشاورزی به ویژه جناب آقای محمود متقیان در زمینه ساخت و نصب سازه ها تشکر و قدردانی می شود.

## منابع

1. ابراهیم پور، ع.، معرفت، م.، نیری، ه. 1388. مقایسه روش های مختلف پیش بینی تابش دیفیوز برای اقلیم های ایران. مجله علمی- پژوهشی فضای جغرافیایی. 21-1: (27).
2. طالبی زاده، پ.، محرابیان، م. ا. و عبدل زاده، م. 1391. تأثیر زوایای خورشیدی بر روی انرژی دریافتی کلکتورهای خورشیدی. نشریه علمی پژوهشی مهندسی و مدیریت انرژی. 23-12: (4) 2.
3. عبدل زاده، م.، جعفری، س.، رهنما، م. و عامری، م. 1387. تعیین زاویه بهینه پانل های خورشیدی ثابت برای دریافت بیشترین انرژی تشعشی در شهر کرمان. نشریه بین المللی علوم مهندسی دانشگاه علم و صنعت ایران . 98-91: (10) 19.
4. Badescu, V. 2002. A new kind of cloudy sky model to compute instantaneous values of diffuse and global solar irradiance. *Theoretical and Applied Climatology*. 72:127-136.
5. Benganem, M. 2011. Optimization of tilt angle for solar panel: Case study for Madinah, Saudi Arabia. *Applied Energy*. 88: 1427-1433.
6. Hussein, H. M. S., Ahmad, G. E. and El-Ghetany, H. H. 2004. Performance evaluation of photovoltaic modules at different tilt angles and orientations. *Energy Conversion and Management*. 45: 2441-2452.
7. Koronakis, S. 1986. On the choice of the angle of tilt for south facing solar collectors in the Athens basin area. *Solar Energy*. 36 (3): 217-225.
8. Lubitz, W. D. 2011. Effect of manual tilt adjustments on incident irradiance on fixed and tracking solar panels. *Applied Energy*. 88: 1710-1719.
9. Liu, B. Y. H., Jordan, R. C. 1960. The interrelationship and characteristics and distribution of direct, diffuse and total solar radiation, *Solar Energy*. 4 (3): 1-19.
10. Moghadam, H., Farshchi Tabrizi, F. and Zolfaghari Sharak, A. 2011. Optimization of solar flat collector inclination. *Desalination*. 265: 107-111.
11. Nijegorodov, N., Adedoyin, J. A., Devan, K. R. S. 1997. A new analytical-empirical model for the instantaneous diffuse radiation and experimental investigation of its validity. *Renewable Energy*, 11 (3): 341-350.

12. Reindel, D. T., Beckman, W. A., and Duffie, J. A. 1990. Evaluation of hourly tilted surface radiation models. *Solar Energy*. 45 (1): 9-17.
13. Runsheng T. Tong, W. 2004. Optimum tilt angle for solar collectors used in China. *Applied Energy*. 79 (3): 239-248.
14. Skeiker, K. 2009. Optimum tilt angle and orientation for solar collectors in Syria. *Energy Conversion and Management*. 50: 2439-2448.
15. Tian, Y. Q., Davies-Colley, R. J., Gong, P., Thorrold, B. W. 2001. Estimating solar radiation on slopes of arbitrary aspect. *Agriculture and Forest Meteorology*. 109 (1): 67-74.
16. Ulgen, K. 2006. Optimum tilt angle for solar collectors. *Energy sources, part A: recovery, utilization and environmental effects*. 28 (13): 1171-1180.

## Effect of Photovoltaics Panel's Tilt Angle on Catchable Solar Radiation (Case Study: Mashhad Region)

Zahra Taheri<sup>1\*</sup>, Mohammad Hossein Abbaspour-Fard<sup>2</sup>, Mohammad Tabasizadeh<sup>3</sup>,  
Hossein Abootorabi Zarchi<sup>4</sup>

1- MSc Student, Department of Biosystems Engineering, Ferdowsi University of Mashhad  
Zahra.taheri@ymail.com

2- Associate Professor, Department of Biosystems Engineering, Ferdowsi University of Mashhad

3- Assistant Professor, Department of Biosystems Engineering, Ferdowsi University of Mashhad

4- Assistant Prof., College of Engineering & Academic member of Sun-Air Research Institute,  
Ferdowsi University of Mashhad, Iran

### Abstract

In this paper, the optimum tilt angle of photovoltaic panels installation in Mashhad city with latitude of  $36.16^{\circ}$  North is determined according to the mathematical model of Liu & Jordan and the meteorological data of the region. The calculations show that in Mashhad, installing of south-facing panel with fixed tilt angle of  $30^{\circ}$ , increases the annual catchable solar energy by 8% when compare with the horizontal facing of the panel. By seasonal changing of the tilt angle (four times per year), the annual catchable radiation can increase up to 11%. That is almost the maximum amount of radiation may be absorbed.

**Keywords:** Solar Energy, Photovoltaic Panel, Radiation Intensity, Tilt Angle.